

## Übungen zur Analytischen Geometrie

### Aufgabe 1

6 Punkte

Sei  $V_B$  Untervektorraum eines Vektorraums  $V$  und es gelte  $\dim V_B = \dim V = n \in \mathbb{N}$ .

Zeigen Sie: Es gilt  $V_B = V$

*Aufgaben 2 -4 sind Klausuraufgaben aus SS 03:*

### Aufgabe 2

6 Punkte

Sei  $V$  Vektorraum über  $K$  und  $A \subset \mathcal{A}(V)$  affiner Unterraum von  $\mathcal{A}(V)$  mit zugehörigem Vektorraum  $W$ . Betrachten Sie:

$$X = \{\mu \cdot \vec{a} \mid \mu \in K, \vec{a} \in A\}.$$

Seien außerdem  $\lambda_1, \lambda_2 \in K$  mit  $\lambda_1 + \lambda_2 \neq 0$  und  $\vec{a}_1, \vec{a}_2$  beliebig aus  $A$ .

Zeigen Sie:  $\lambda_1 \vec{a}_1 + \lambda_2 \vec{a}_2$  ist wieder ein Element aus  $X$ .

### Aufgabe 3

6 Punkte

Zeigen Sie, dass  $B = \{(1, 2), (2, 1)\}$  Basis von  $\mathbb{R}^2$  ist.

Berechnen Sie die Koordinaten von  $(1, 1)$  bzgl.  $B$  und machen Sie die Probe.

### Aufgabe 4

6 Punkte

Definieren Sie lineare Abhängigkeit und lineare Unabhängigkeit.

### Aufgabe 5

6 Punkte

Aufgabe aus *Brandl, Vorlesungen über analytische Geometrie, Hof 1996*:  
S. 18/14

### Aufgabe 6

6 Punkte

Beweisen Sie Satz 7 aus der Vorlesung.